



⌘ ----- ↓ PŘED KOPÍROVÁNÍM PRO ŽÁKY OD TOHOTO MÍSTA ZAKRÝT ↓ ----- ⌘

■ VÝSLEDKY

1. 12; 2. 12; 3. 12.; 4. 12; 5. 24; 6. 48; 7. 24; 8. 48; 9. 144; 10. 24; 11. 72; 12. 96; 13. 6; 14. 9; 15. 4; 16. 3; 17. 18; 18. 8; 19. 10; 20. 20; 21. 2; 22. 40; 23. 4; 24. a) 6; b) 15; c) 20; d) 15; e) 6.

Komentář

M	A	R	T	I	N	A
→	→	→	→	→	↓	
→	→	→	→	↓	→	
→	→	→	↓	→	→	
→	→	↓	→	→	→	
→	↓	→	→	→	→	
↓	→	→	→	→	→	

Úloha 24. svádí ke grafickému řešení kreslením všech cest. To je velice nepřehledné. Navrhujeme řešení uchopit opět tabulkou. Písmena M, A, R, T, I, N, A jsou umístěna v záhlaví nad svislými linkami tabulky. V okénku tabulky je buď →, nebo ↓ podle toho, kterým směrem se z daného místa vydáváme. Uvedená tabulka řeší úlohu a). Místo šipek lze psát jakékoli dva různé znaky.

Uvedeme sofistikovanější řešení této úlohy, které připravuje i řešení obecné (kdy je potřeba jít m kroků vpravo a n kroků dolů). Nejprve si nakreslíme plán velkého města, z něhož můžeme „vyříznout“ každý z našich pěti plánů. Na tomto plánu počítáme, kolika cestami se od písmene M dostaneme do písmene R, pak do písmene T atd. Tyto počty jsou uvedeny v tabulce vpravo od plánu. Do každého písmene na prvním řádku i v prvním sloupci se dostaneme jen jedním způsobem, proto jsou v prvním řádku i sloupci samé jedničky. Do R na druhém řádku se dostaneme dvěma způsoby: $M \rightarrow R$ nebo $M \downarrow \rightarrow R$. Proto místo R ve druhém řádku píšeme dvojku. A takto pokračujeme. Do písmene N na třetím řádku se dostaneme buď z písmene I na druhém řádku (sem se můžeme dostat 4 cestami), nebo z písmene I na třetím řádku (sem se můžeme dostat 6 cestami). Tedy do písmene N na třetím řádku se můžeme dostat $4 + 6 = 10$ cestami. Tímto způsobem lze rozšiřovat tabulku podle potřeby. Vyspělí žáci se mohou pokusit o zobecnění v jednotlivých řádcích nebo sloupcích tabulky.

M	A	R	T	I	N			1	1	1	1	1
A	R	T	I	N	A		1	2	3	4	5	6
R	T	I	N	A			1	3	6	10	15	
T	I	N	A				1	4	10	20		
I	N	A					1	5	15			
N	A						1	6				